

UNIVERSITA' degli STUDI del SANNIO
C.d.L. Ing. Civile
C.d.L. Ing. Elettronica per l'Automazione e le Telecomunicazioni
Prova scritta di Geometria e Algebra (cod. 86102/86203)

Studente _____ matricola _____

Gli esercizi sono svolti correttamente se è presente l'intero svolgimento con opportuni commenti. Il punteggio minimo da ottenere è 18.

Traccia 1/1

- 1-** Determinare la circonferenza di centro $(1,0)$ e raggio 1. Condotte le rette tangenti alla circonferenza dal punto $(1,3)$ determinarne i coefficienti angolari. (GEOMETRIA ANALITICA - PUNTI: 3)
- 2-** Dimostrare le formula parametriche. (TRIGONOMETRIA - PUNTI: 2)
- 3-** Dati i vettori $\vec{a} = (1, 1, 2)$ e $\vec{b} = (-1, 1, -1)$ calcolare applicando il teorema di Carnot il modulo di $\vec{a} + \vec{b}$ e $\vec{a} - \vec{b}$. Infine costruire la famiglia di vettori perpendicolari a \vec{a} e \vec{b} . (VETTORI - PUNTI: 4)
- 4-** Dati i seguenti vettori di uno spazio vettoriale \mathbf{R}^3 : $(2, -1, 1)$, $(1, 2, -1)$ e $(-1, -2, 0)$. Verificato che sono linearmente indipendenti costruire una base ortonormale di \mathbf{R}^3 . (SPAZI VETTORIALI - PUNTI: 4)
- 5-** Date le matrici $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & 3 \end{pmatrix}$ calcolare il determinante e la traccia di A , B , AB e BA . Infine determinare le matrici inverse. (MATRICI E DETERMINANTI - PUNTI: 4)
- 6-** Discutere al variare del parametro k le soluzioni del sistema lineare
$$\begin{cases} kx + 2y + z = k^2 - 1 \\ x + (k+1)y + z = 0 \\ 3x + 2y + (4-k)z = 0 \end{cases} \quad \text{(SISTEMA LINEARE - PUNTI: 4)}$$
- 7-** Determinare autovalori e autovettori della matrice $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 2 & 1 & 4 \end{pmatrix}$ ed eventualmente fosse possibile diagonalizzare la matrice. (AUTOVALORI E AUTOVETTORI- PUNTI: 4)
- 8-** Discutere e classificare la seguente conica $2x^2 + 2y^2 + 12xy + 4x + 2y + 1 = 0$. Determinare le trasformazioni necessarie nel piano per ottenere la conica in forma canonica. (CONICHE - PUNTI: 5)