

Gli esercizi sono svolti correttamente se è presente l'intero svolgimento con opportuni commenti. Il punteggio minimo da ottenere è 18.

Traccia 1/1

- 1-** Calcolare lo sviluppo della funzione $f(x) = |x|$, prolungata periodicamente fuori dell'intervallo $(-1, 1]$, in serie di Fourier. Successivamente riportare la sua espressione troncata all'ordine $m = 2$. (PUNTI: 5)

- 2-** Calcolare le componenti polari del campo vettoriale $\vec{A}(\vec{r}) = \left(\frac{x^2 + y}{\sqrt{x^2 + y^2}}, -\frac{x - y}{\sqrt{(x^2 + y^2)^3}}, 0 \right)$ nel punto $\vec{r} = (2, -1, 0)$. (PUNTI: 4)

- 3-** Calcolare la circuitazione del campo vettoriale $\vec{A}(\vec{r}) = (3x^2 + 2y, -x + 3\cos y)$ lungo un parallelogrammo di vertici $(0, 0)$, $(2, 0)$, $(3, 1)$ e $(1, 1)$. (PUNTI: 4)

- 4-** Verificare se la funzione $f(z) = \frac{z + a}{(z + b)^2}$ con a e b parametri liberi è olomorfa in tutto il piano complesso. (PUNTI: 2)

- 5-** Calcolare con il metodo dei residui il seguente integrale $\int_0^\infty \frac{1}{x^4 + 1} dx$. (PUNTI: 5)

- 6-** Applicando la trasformata di Laplace risolvere il seguente problema di Cauchy
$$\begin{cases} u'' - 3u' + 2u = t^2 \\ u(0) = 0 \\ u'(0) = 1 \end{cases} \quad . \text{ (PUNTI: 6)}$$

- 7-** Calcolare la trasformata di Fourier della funzione $f(x)$ corrispondente al valore $h(1 - a|x|)$ se $|x| < 1/a$, altrimenti pari a zero. Si suppongano a e h numeri reali positivi. (PUNTI: 4)