

UNIVERSITA' degli STUDI del SANNIO
C.d.L. Ing. Civile
C.d.L. Ing. Elettronica per l'Automazione e le Telecomunicazioni

Esame di Geometria e Algebra cod. 86102/86203

I quesiti sono svolti correttamente se è presente l'intero svolgimento con opportuni commenti. Il punteggio minimo da ottenere è 18/30.

Traccia 1/1

1- Determinare la parabola con asse parallelo all'asse delle ordinate che passa per i punti di coordinate (2,1), (3,4) e (-3,1). Determinare successivamente vertice, fuoco e direttrice. Infine, condurre le rette tangenti alla parabola nei punti precedentemente assegnati. (GEOMETRIA ANALITICA / TRIGONOMETRIA - PUNTI: 4)

2- Dati i vettori $\vec{a} = (1, 1, 2)$ e $\vec{b} = (-1, 1, 1)$ calcolare $\vec{a} \times \vec{b}$, $-\vec{a} \times (2\vec{b} - 3\vec{a})$, $\vec{a} \cdot \vec{b}$ e l'angolo compreso tra i due vettori. Determinare il vettore di modulo 4 perpendicolare ai vettori \vec{a} e $\vec{a} - \vec{b}$. (VETTORI / SPAZI VETTORIALI - PUNTI: 6)

3- Discutere al variare del parametro k la compatibilità del sistema lineare
$$\begin{cases} x + ky + 2z = 1 \\ x + y + 3z = 2 \\ 2x + ky + z = 1 \\ 3x + 2ky + 3z = 2 \end{cases}$$
. Ricavare le soluzioni del sistema. (MATRICI / SISTEMA LINEARE - PUNTI: 5)

4- Determinare autovalori e autovettori della matrice $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ individuando eventualmente la matrice che diagonalizza A . (AUTOVALORI E AUTOVETTORI / CONICHE- PUNTI: 7)

5- Proprietà di uno spazio vettoriale. (TEORIA - PUNTI: 4)

6- A partire dall'equazione canonica di parabola, ellisse, iperbole e circonferenza dedurre l'equazione della conica. (TEORIA - PUNTI: 4)